

ثانوية : عمور عبد القادر
الشعبة : علوم تجريبية

مديرية التربية لولاية الجلفة
المستوى : السنة الثالثة ثانوي

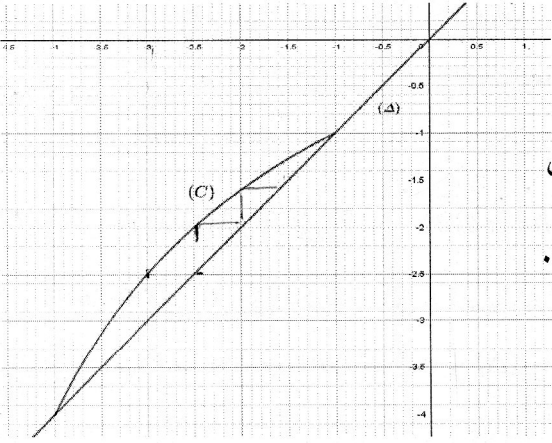
ساعتان



إختبار الفصل الثاني

التمرين الأول :

(I) f دالة معرفة على المجال $[-4; -1]$ بـ : $f(x) = \frac{2x-4}{x+7}$ (C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد



ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$. (لاحظ الشكل)

(1) ادرس اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.

(2) استنتج أنه : إذا كان $x \in]-4; -1[$ فإن $f(x) \in]-4; -1[$.

(II) (U_n) متتالية عددية معرفة على \mathbb{N} ، حيث $U_0 = -3$ ومن أجل كل عدد طبيعي n : $U_{n+1} = f(U_n)$.

(1) مثل على حامل محور الفواصل الحدود الخمسة الأولى للمتتالية (U_n) .

(2) أعط تخمينا حول اتجاه تغير المتتالية (U_n) وتقاربا.

(3) أثبت أنه من أجل كل عدد طبيعي n : $-4 < U_n < -1$.

(4) ادرس اتجاه تغير المتتالية (U_n) .

(5) استنتج أن المتتالية (U_n) متقاربة.

(III) (V_n) متتالية عددية معرفة من أجل كل عدد طبيعي n بـ : $V_n = \frac{-U_n - 1}{U_n + 4}$.

(1) أثبت أن المتتالية (V_n) هندسية أساسها $\frac{1}{2}$ ، معينا حدها الأول.

(2) بين أنه من أجل كل عدد طبيعي n فإن $\frac{3}{U_n + 4} = V_n + 1$.

(2) اكتب V_n بدلالة العدد الطبيعي n ، ثم استنتج أنه من أجل كل عدد طبيعي n : $U_n = -4 + \frac{3}{1 + 2\left(\frac{1}{2}\right)^n}$.

(3) احسب $\lim_{n \rightarrow +\infty} U_n$.

(4) اكتب بدلالة العدد الطبيعي n كلا من T_n و S_n حيث :

$$S_n = \frac{1}{U_0 + 4} + \frac{1}{U_1 + 4} + \frac{1}{U_2 + 4} + \dots + \frac{1}{U_n + 4}$$

$$T_n = V_0 + 4.V_1 + 4^2.V_2 + \dots + 4^n.V_n$$

التمرين الثاني:

f دالة معرفة على \mathbb{R} بـ $f(x) = (x^2 + 1)e^x + x$ ، (C) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد المتجانس (O, \vec{i}, \vec{j}) (وحدة الأطوال هي 1cm)

- (1) أحسب نهايات f عند $+\infty$ و $-\infty$.
- (2) بين أنه من أجل كل x من \mathbb{R} فإن $f'(x) = (x^2 + 1)e^x + x$.
- (3) استنتج اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها .
- (4) أ) بين أن المستقيم (Δ) ذو المعادلة $y = x$ مستقيم مقارب مائل بجوار $-\infty$.
ب) أدرس الوضعية النسبية بين (C) و (Δ) .
- (5) بين أن المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α على المجال $[-0.8; -0.7]$.
- (6) بين ان (C) يقبل نقطتي انعطاف يطلب تعيين احداثياتهما .
- (7) أرسم (C) و (Δ) .

(II) لتكن h الدالة المعرفة على \mathbb{R} بـ $h(x) = (ax^2 + bx + c)e^x$ ، حيث $a; b; c$ أعداد حقيقية .

- (1) عين $a; b; c$ حتى تكون الدالة h أصلية للدالة $x \rightarrow (x^2 + 1)e^x$ ، ثم استنتج دالة أصلية للدالة f .
- (2) أحسب مساحة الحيز المحدد بـ (C) و (Δ) والمستقيمين $x = -2$ و $x = 0$.

بالتوفيق

صفحة 2 من 2



elbassair.net

elbassair.net